

با اسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۵۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸:۳۰ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک	سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۰ / ۵ / ۱۳۹۱			سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	سوالات	نمره
۱	مجموع بیست جمله‌ی اول دنباله‌ی حسابی زیر را بیابید. -۵, -۳, -۱, ...	۱
۲	به کمک اتحادها، عبارت زیر را ساده کنید.	۱
۳	معادله‌ی زیر را حل کنید.	۱/۲۵
۴	با فرض آنکه $a$ و $b$ دو عدد حقیقی باشند، نشان دهید: $ ab  =  a  b $	۰/۷۵
۵	ابتدا نمودار تابع $f(x) =  x - ۳ $ را در بازه‌ی $[۲, ۴]$ رسم کنید سپس به کمک آن، نمودار تابع $(-x)f(-x)$ را رسم کنید.	۱
۶	زوج یا فرد بودن تابع $f(x) = x^2 + \cos x$ را معلوم کنید.	۱/۲۵
۷	الف) توابع $\frac{f}{g}$ و $fog$ را به صورت زوج های مرتب بنویسید. ب) مقدار $(2f + g)(4)$ را بیابید.	۱/۷۵
۸	فرمول $\sin 2\alpha$ را از فرمول $\sin(\alpha + \beta)$ به دست آورید.	۱
۹	کلیه‌ی جواب‌های معادله‌ی مثلثاتی $\cos^2 x - 3\cos x + 2 = 0$ را تعیین کنید.	۱/۲۵
	«ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»	

مدت امتحان: ۱۵۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸:۳۰ صبح	رشته‌ی: ریاضی فیزیک
تاریخ امتحان: ۱۴۹۱ / ۱۰ / ۵		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۹۱

ردیف	سؤالات	نمره
۱۰	مقدار $(\cos \frac{\pi}{3})^{\sin^{-1}(\sin \theta)}$ را حساب کنید.	۰/۷۵
۱۱	حد توابع زیر را در صورت وجود، محاسبه کنید:  الف) $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin \sqrt{x+1}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 1}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x-2}}{x^2 - 4}$	۲/۲۵
۱۲	حد تابع $y = \sqrt{2-x}$ را در $x=2$ در صورت وجود، بیابید.	۰/۷۵
۱۳	پیوستگی تابع زیر را در $x=2$ برسی کنید.	۱
۱۴	مشتق بگیرید: (ساده کردن الزامی نیست)  الف) $y = \frac{x^4 + 5}{x - 1}$ ب) $y = \sin x(1 + \cos x)$ ج) $y = \sqrt{x} + \sin^{-1} x$	۲/۰
۱۵	مشتق تابع $y = x^3$ را در $x=1$ با استفاده از تعریف مشتق بیابید.	۱/۲۰
۱۶	آهنگ تغییرات مساحت یک دایره را نسبت به محیط آن، برای دایره‌ای که محیط آن $3\pi$ است، به دست آورید.	۱/۲۰
	جمع «موفق باشید»	۲۰

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۵ / ۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$s_n = \frac{n}{2}(2a + (n-1)d) \quad (0/25) \rightarrow s_{20} = \frac{20}{2}(2(-5) + (20-1)2) \quad (0/5) \rightarrow s_{20} = 280 \quad (0/25)$	۱
۲	$A = \frac{(x+1)(x^4 - x^3 + x^2 - x + 1)(x-1) \quad (0/5)}{(x-1)(x+1) \quad (0/25)} = x^4 - x^3 + x^2 - x + 1 \quad (0/25)$	۲
۳	$\frac{x^2}{2} - 2 = t \quad (0/25) \rightarrow t^2 - 11t + 10 = 0 \rightarrow (t-10)(t-1) = 0 \rightarrow \begin{cases} t = 10 \quad (0/25) \rightarrow x = \pm 6 \quad (0/25) \\ t = 1 \quad (0/25) \rightarrow x = \pm 3 \quad (0/25) \end{cases}$	۳
۴	$ ab  = \sqrt{a^2 b^2} = \sqrt{a^2} \times \sqrt{b^2} =  a  b  \quad (0/75)$	۴
۵		۵
۶	$D_f = R \quad (0/25) : \text{دامنه متقارن}$ $f(-x) = (-x)^2 + \cos(-x) = x^2 + \cos x = f(x) \quad (0/75) \rightarrow$ تابع زوج است (۰/۲۵)	۶
۷	$\frac{f}{g} \text{ (الف)} = \left\{ \left( 4, \frac{5}{6} \right) \right\} \quad (0/5) \qquad f \circ g = \{(3, 5), (4, 3)\} \quad (0/5)$ $b) 2f(4) + g(4) = 2 \times 5 + 6 = 16 \quad (0/75)$	۷
ادامه در صفحه‌ی دوم		

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۵ / ۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$\sin 2\alpha = \sin(\alpha + \alpha) (./25) = \sin \alpha \cos \alpha + \sin \alpha \cos \alpha (./5) = 2 \sin \alpha \cos \alpha (./25)$	۱
۹	$\Delta = b^2 - 4ac \rightarrow \Delta = 1 (./25) \rightarrow \begin{cases} \cos x = 2 & (./25) \\ \cos x = 1 & (./25) \end{cases} \rightarrow \{x = 2k\pi (./25)$	۱/۲۵
۱۰	$\cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2} (./25) \rightarrow \sin^{-1} \left( \frac{1}{2} \right) = \frac{\pi}{6} (./5)$	۰/۷۵
۱۱	<b>الف</b> $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin \sqrt{x+1} = 0^2 \times \sin \sqrt{0+1} = 0 (./5)$	
۱۲	<b>ب)</b> $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x-3)}{(x-1)(x+1)} (./25) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-3}{x+1} = -1 (./25)$	۲/۲۵
۱۳	<b>ج)</b> $\begin{aligned} & \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x} - 2}{x^2 - 4} \times \frac{\sqrt{2x} + 2}{\sqrt{2x} + 2} (./25) \\ &= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2(x-2)}{(x-2)(x+2)(\sqrt{2x} + 2)} (./25) = \frac{1}{8} (./25) \end{aligned}$	
۱۴	$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2-x} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \sqrt{2-x} = 0 (./75)$	۰/۷۵
۱۵	$f(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} (3x^2 + 1) = 13 (./5) \quad \lim_{x \rightarrow 2^-} (x-4) = -5 (./25)$ تابع در ۲ پیوسته نیست. (./25)	۱

ادامه در صفحه‌ی سوم

با سمه تعالی

رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۵ / ۱۰	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	$y' = \frac{2x(x-1) - 1(x^3 + 5)}{(x-1)^2} \quad (0/5)$ الف ) ب ) $y' = \cos x(1 + \cos x) + (-\sin x)(\sin x) \quad (0/75)$ ج ) $y' = \frac{1}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \quad (1)$	۲/۵
۱۵	$f'(a) = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} \rightarrow f'(1) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{x - 1} \quad (0/5)$ $= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x^2 + x + 1)}{x - 1} \quad (0/25)$ $= \lim_{x \rightarrow 1} (x^2 + x + 1) = 3 \quad (0/5)$	۱/۲۵
۱۶	اگر مساحت دایره را با $s$ و محیط آن را با $p$ نشان دهیم آنگاه:  $\left. \begin{array}{l} p = 2\pi r \\ s = \pi r^2 \end{array} \right\} \Rightarrow s(p) = \frac{1}{4\pi} p^2 \quad (0/75)$ $s'(p) = \frac{1}{2\pi} p \quad (0/25) \rightarrow s'(4\pi) = \frac{3}{2} \quad (0/25)$	۱/۲۵

همکاران محترم ضمن عرض خسته نباشید لطفاً به راه حل های صحیح غیر از راهنمای تصحیح به تناسب بارم را تقسیم کنید.

با تشکر: طراحان